

أولاً: مراجعة على فرع الجبر

حل متباينات القيمة المطلقة:

$P \leq |X|$

$P \geq |X|$

$P \geq 0$:
فإن :
مجموعة الحل
هي ح

$P \geq 0$:
 $P \leq x$
أو
 $P \geq x$

$P \geq 0$:
فإن :
حل المتباينة هو \emptyset

لاحظ:

$|X| < 0$ لكل $s \geq 0$ ما عدا أصفار المقياس

$|X| \leq 0$ لكل $s \geq 0$

$|X| > 0$

$|X| \geq 0$ عند $s = 0$ أصفار المقياس

الأسس الكسرية:

$\sqrt[n]{m} = m^{\frac{1}{n}}$ [الجذور هي أسس كسرية]

$\sqrt[n]{m} = \left. \begin{matrix} m, n \text{ فردي} \\ |m|, n \text{ زوجي} \end{matrix} \right\}$

حل المعادلات على الصورة: $P = X^r$

إذا كان r زوجي :

$0 < P$:
 $X^{\frac{1}{r}} = \pm \sqrt[r]{P}$

$0 > P$:
المعادلة ليس
لها حلول حقيقية

إذا كان r فردي يوجد

حل حقيقي واحد، $r - 1$ حل
مركب والحل الحقيقي هو :

$X^{\frac{1}{r}} = \sqrt[r]{P}$

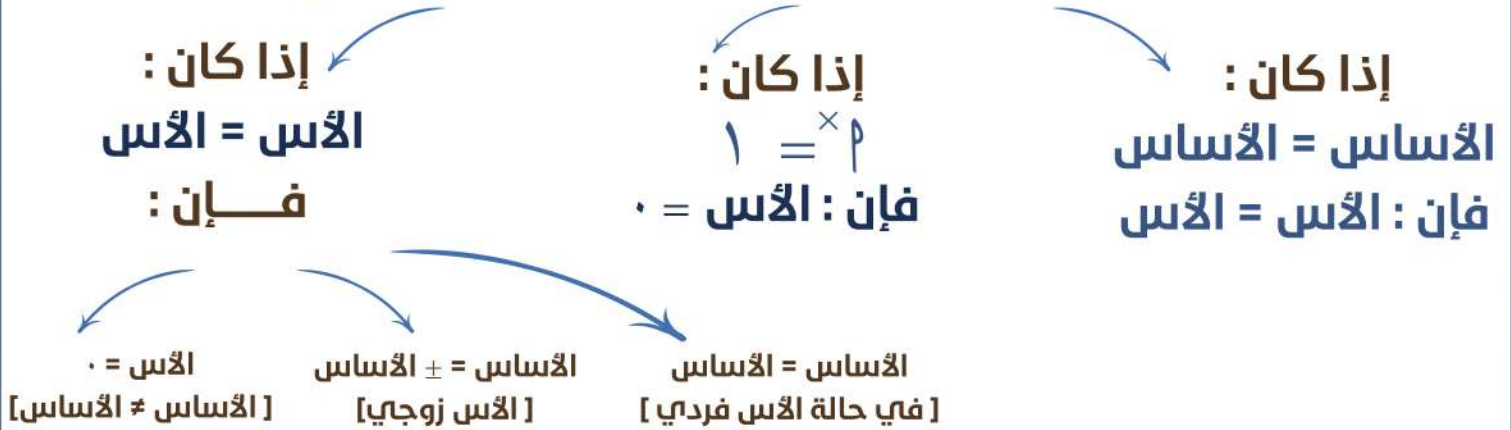
لاحظ : الجذور توزع في الضرب والقسمة ولا توزع في الجمع والطرح

$$\frac{\sqrt[m]{a}}{\sqrt[n]{b}} = \sqrt[m]{\frac{a}{b}}, \quad \sqrt[m]{a} \times \sqrt[n]{b} = \sqrt[mn]{ab}$$

$$\sqrt[m]{a} \pm \sqrt[n]{b} \neq \sqrt[mn]{a \pm b}$$

المعادلات الأسية

هي معادلة تشتمل على مجهول في الأس ويراعى عند حلها الحد الات الآتية :



الدالة الأسية

تكون على الصورة : ثابت أس متغير (دالة)

$$y = a^x \quad \text{حيث : } a > 0, a \neq 1$$

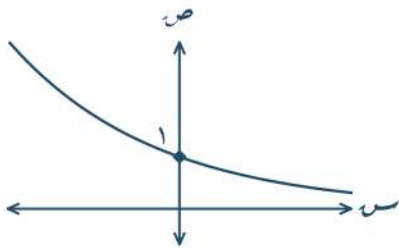
• مجالها = \mathbb{R} [الأس أي حاجة]

• مداها = ح+ [$0 < m < 1$] يعني $m \neq 0$ ، $m < 1$ مثل سالبة [

إذا كان: إذا كان:

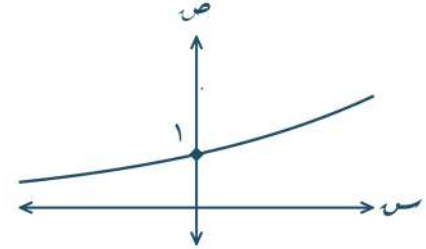
$$1 > m > 0$$

فإنها تكون تناقصية على مجالها وتسمي بدالة تناقص الأسّي

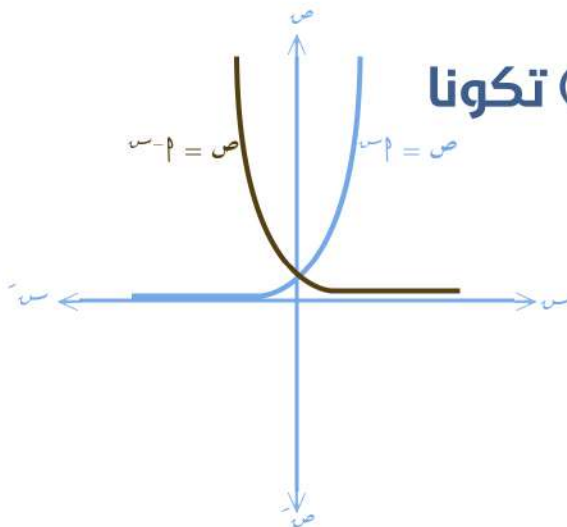


$$1 < m$$

فإنها تكون تزايدية على مجالها وتسمي بدالة النمو الأسّي



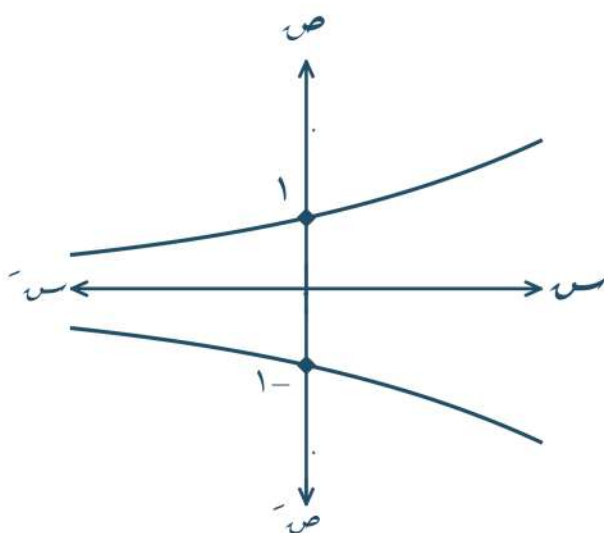
• لاحظ: $(1, m)$ ، $(m - 1, 1)$ أو $(\frac{1}{m}, 1)$ تكونا متماثلين حول محور ص



فإذا كان منحنى a^x يمر بالنقطة (j, s) فإن منحنى a^{-x} يمر بالنقطة $(-j, s)$

(2) - a^{-x} هي صورة a^x

بالانعكاس في محور ص:



دالة النمو والتناؤل (تطبيقات)

دالة التناؤل :

$$P = (n) = (n-1)P$$

نسبة ثابتة
يتناقص بها الشئ

دالة النمو :

العددة
الزمنية

$$P = (n) = (n+1)P$$

نسبة ثابتة
تزداد بها
قيمة الشئ

القيمة
الابتدائية
للشئ

تمارين على نوع الجبر

1 محور تماثل الدالة د : د (س) = س - ١ هو المستقيم

(أ) س = ١ (ب) س = ٠ (ج) ص = ١ (د) ص = ٠

2 مدى الدالة د : د (س) = } هو
س - ١ ، س > ١
٣ ، س < ١

(أ) ح - [١، ٠] (ب) ح - {١} (ج) ح - [٠، ٠٠] ∪ {٣} (د) ح - [٠، ٠٠] ∩ {٣}

3 منحنى الدالة د : د (س) = س + ١/٣ لا يقطع الخط

(أ) س = ٢ (ب) س = ٣ (ج) ص = -٤ (د) ص = ٣

4 منحنى س (س) = س + ٤ هو نفس منحنى د (س) = س بإزاحة مقدارها ٤ وحدات في اتجاه

(أ) وس ← (ب) وس ← (ج) وس ← (د) وس ←

5 إذا كانت د (س) = ٧ + س فأوجد قيمة س التي تحقق : د (٢ - س) + د (١ - س) = ٥٠

6 إذا كانت د : ح ← ح + حيث د (س) = ص فاثبت أن : د (٢ + س) + د (١ + س) = د (٢ + س) + د (١ + س)

7 الدالة د حيث د (س) = 5س متماثلة حول

Ⓐ النقطة (١،٢) Ⓑ المستقيم ص = ١

Ⓒ النقطة (٠،٥) Ⓓ النقطة (٠،٠)

8 نقطة تماثل منحنى الدالة د : د (س) = 3 - (س + 2)³ هو

Ⓐ (٢،٣) Ⓑ (٣،٢) Ⓒ (٣،٢-) Ⓓ (٣-،٢-)

9 نقطة تماثل منحنى الدالة د حيث د (س) = 1/س هو

Ⓐ (٠،٥) Ⓑ (٠،٥-) Ⓒ (٥-،٠) Ⓓ (٥،٠)

10 إذا كان : د (١) = ٤، ٤ = (٤) = ٧ فإن : (١) (د) =

Ⓐ ١ Ⓑ ٤ Ⓒ ٧ Ⓓ ١١

11 إذا كان : د (س) = 5س + ٤، ٤ = (س) = 2 - س فإن : (د) (س) = (٢-)

+ (٥) (د) =

Ⓐ ٢٤ Ⓑ ٢٧ Ⓒ ٤٩ Ⓓ ٣-

12 الدالة د : د (س) = (٢٢)³ تكون متناقصة عندما م ≥

Ⓐ [١،٠] Ⓑ [١،∞) Ⓒ [٢،٠] Ⓓ [١/٢،٠]

13 الدالة د : د (س) = (٢-١)³ دالة أسية فإن

Ⓐ ١ ⊃ ح - {٢} Ⓑ ٢ < ١ Ⓒ ٢ > ١ Ⓓ ١ ⊃ ح - {٢}

14 إذا قطع المستقيم ص = ٨ المنحنيين : ص = ٢س، ص = (1/٢)س في النقطتين

م، ب على الترتيب فإن : طول \overline{AB} = وحدات طول.

Ⓐ ٢ Ⓑ ٣ Ⓒ ٤ Ⓓ ٦

15 الدالة د : د (س) = س² + س + ١ متماثلة حول

Ⓐ نقطة الأصل. Ⓑ محور السينات.

Ⓒ محور الصادات. Ⓓ ليس لها نقطة أو محور تماثل.

16 الدالة د : د (س) = جا ٣ س متمثلة بالنسبة للنقطة

- (أ) (٠،٠) (ب) (٠،٣) (ج) (٠،٣-) (د) (٣،٣-)

17 أي من الدوال الآتية ليست زوجية ؟



18 إذا كان : ١ > ٠ > ب > ج فأبي من الأعداد الآتية لا ينتمي إلى ح ؟

- (أ) $\sqrt[3]{٢٢ب}$ (ب) $\sqrt[٤]{٢٢بج}$ (ج) $\sqrt[٥]{٢٢ب + ج}$ (د) $\sqrt[٦]{٢٢بج}$

19 إذا كان : $٣-س = \sqrt[٤]{٢٧}$ فإن : س =

- (أ) $\frac{١١}{٤}$ (ب) $\frac{٤}{٣}$ (ج) $\frac{٣}{٤}$ (د) ٦

20 إذا كان : $٣+س = ١-س٦$ فإن : س٢ =

- (أ) ٥٤ (ب) ٢٧ (ج) $\frac{١}{٩}$ (د) $\frac{١}{٣٦}$

21 إذا كان : ١٢ = ٣ ، ٣ = ٣ ، ٧ = ٧ ، ١١ = ١١ فإن : ٢٢ =

- (أ) ١١ (ب) ٢٧ (ج) ٢١ (د) ٢٣١

22 إذا كان : س٢ = ١ ، س٣ = ٣ ، س٥ = ٥ ، ج = ٩٠ (س) = =

- (أ) ١ ب ج (ب) ٢ ب ج (ج) ١ ب ج (د) ١ + ٢ ب ج

23 إذا كانت د دالة فردية فإن : $\frac{٢د(س) + ٨د(س-)}{٣د(س)}$ =

- (أ) صفر (ب) ٢- (ج) ٤- (د) ٤

24 إذا كانت د: د (س) = $س^3 + ب$ دالة فردية وكان منحني الدالة يمر بالنقطة (٢، ٨) فإن $ب + ٢ = \dots$

- (أ) صفر (ب) -١ (ج) ١ (د) ٥

25 إذا كان: $س > ٠$ صفر فإن: $س^٢ - ٣س - ٢س^٢ - ٢س^٢ + ١ + \dots =$

- (أ) س (ب) -س (ج) صفر (د) -١

26 أوجد في ح مجموعة حل كل من المعادلات الآتية:

- (أ) $(س - ٣)(س - ٥) = ١$ (ب) $(س - ٣)(س - ٦) = ١$

27 الربط بالسكان: إذا كان عدد سكان إحدى الدول في نهاية عام ٢٠٠٠ هو ٤٣,٣ مليون نسمة وكان معدل الزيادة السكانية في السنة يساوي ١,٥ %

- (١) أوجد صيغة تمثل عدد سكان هذه الدولة بعد مرور ٧ سنة من عام ٢٠٠٠
(٢) استخدم هذه الصيغة لإيجاد عدد السكان المتوقع لهذه الدولة عام ٢٠٢٠

28 الربط بالسكان: بلغ تعداد سكان إحدى المحافظات في جمهورية مصر العربية ٤,٦ مليون نسمة بمتوسط زيادة ٤ % سنويًا

- (١) اكتب دالة أسية تمثل النمو المستقبلي بعد ٧ سنة
(٢) قدر عدد سكان هذه المحافظة بعد مرور ٥ سنوات من وقت التعداد

29 الربط بالصناعة: يتناقص إنتاج منجم ذهب سنويًا بمقدار ٥ % فإذا كان إنتاج المنجم في السنة الأولى حوالي ٢٥٤ كجم قدر إنتاج المنجم في السنة التاسعة

30 مجال الدالة د: د (س) = $س^٢ - ١ + س + ٢$ هو

- (أ) $]-٢, ٥[$ (ب) $]-١, ٥[$ (ج) $]-١, ٥[$ (د) $]-٢, ٥[$

31 إذا كان: $(س) = س + ١$ ، $(س) = س - ٢$ فإن مجموعة حل المعادلة $(س) = ٠$ هي

- Ⓐ {٢، ٠} Ⓑ {١، ١} Ⓒ {٢، ٠} Ⓓ {٢، ٢}

32 مجموعة حل المعادلة: $٣س - ٢س = ٢ + ٠$ هي

- Ⓐ {٨، ١} Ⓑ {٣، ٩} Ⓒ {٨} Ⓓ {١}

33 عدد الجذور الحقيقية للمعادلة $س = ٧$ حيث $س$ عدد فردي هو

- Ⓐ ١ Ⓑ ٢ Ⓒ ٣ Ⓓ ٧

34 عدد الجذور الحقيقية للمعادلة $س = ١٦$ هو

- Ⓐ صفر Ⓑ ١ Ⓒ ٢ Ⓓ ٤

35 مجموعة الجذور الحقيقية للمعادلة $(س - ٢) = ١٦$ هي

- Ⓐ {٠} Ⓑ {٤} Ⓒ {٨} Ⓓ {٤، ٠}

36 مجموعة حل المعادلة: $(س - ٣) = ٣٢$ في $س$ هي

- Ⓐ {٢} Ⓑ {١١} Ⓒ {٥، ١١} Ⓓ {١١، ١١}

37 إذا كانت: $٠ < ب < ج$ فإن: $\frac{٤ب٤ج٤ + ب٢(ج - ٢)}{٢ب٢٢} =$

- Ⓐ ١ Ⓑ ١ - Ⓒ $\frac{ب}{ج}$ Ⓓ $\frac{ج}{٢}$

38 أوجد مجال الدالة المعرفة بالقاعدة الآتية: $(س) = |س - ٥|$ 39 $\frac{١}{٢٧} = ٣ + س$ فإن: $س =$

- Ⓐ ٣ Ⓑ ٨ Ⓒ ٨ Ⓓ ٣

40 $٥ - س = ٤ - س$ فإن: $س =$

- Ⓐ صفر Ⓑ ١ Ⓒ ١ Ⓓ ٥

41 إذا كان: $(\frac{1}{s})^{-2} = 1 - 2 - 2 = 1$ حيث $1 < 2$ صفر فإن: $2 = \dots$

- Ⓐ 1 Ⓑ 3- Ⓒ 2 Ⓓ 3

42 إذا كان الجدول المقابل يمثل بيان كل من الدالتين د، هـ فإن

س	1	2	3	4
د (س)	3	1	4	2
هـ (س)	4	3	2	1

..... = (1) (د هـ)

- Ⓐ 1 Ⓑ 2 Ⓒ 3 Ⓓ 4

43 مدى الدالة د حيث $d(s) = |s^3 - 3s|$ هي

- Ⓐ ح Ⓑ $[0, \infty)$ Ⓒ $[0, \infty - [$ Ⓓ ح - $\{0\}$

44 المساحة المحصورة بين منحنى الدالة $d(s) = |s + 2| - 2$ ، محور السينات تساوي وحدة مربعة

- Ⓐ 3 Ⓑ 2 Ⓒ 5 Ⓓ 4

45 مدى الدالة $d(s) = \frac{s^2 - 2s}{s - 1}$ يساوي

- Ⓐ ح - $\{1\}$ Ⓑ ح - $\{2\}$ Ⓒ ح - $\{1, 2\}$ Ⓓ ح - $\{1, 0\}$

46 مدى الدالة $d(s) = |s - 2|$ يساوي

- Ⓐ $[0, \infty)$ Ⓑ $[0, \infty[$ Ⓒ $[0, \infty)$ Ⓓ $[0, \infty[$

47 إذا كانت د دالة زوجية مجالها $[-5, 5]$ فإن مجموعة حل المعادلة

$d(s) = d(s - 2)$ هي

- Ⓐ $\{2\}$ Ⓑ $\{1\}$ Ⓒ $\{0\}$ Ⓓ $\{-1\}$

48 إذا كانت $d(s) = 3s^2 + bs + c$ دالة فردية فإن: $c = \dots$

- Ⓐ 2 Ⓑ 1 Ⓒ صفر Ⓓ -1

49 إذا كانت : د دالة حقيقية مجالها [-٤، ٣] فإن مجال الدالة $r : r (s)$ = $d (s) + ٢$ هو

- Ⓐ [-٤، ٣] Ⓑ [-٦، ١] Ⓒ [-٢، ٥] Ⓓ [-١، ٥]

50 منحنى $r (s) = |s + ٣|$ هو نفس منحنى $d (s) = |s|$ بإزاحة مقدارها ٣ وحدات في اتجاه

- Ⓐ و ← Ⓑ و ← Ⓒ و ← Ⓓ و ←

51 إذا كان : $d (s) = (١ + s)٢$ وكان : $d (p) = ٨$ فإن $p =$

- Ⓐ ٣ Ⓑ ٢ Ⓒ ٤ Ⓓ ٥

52 إذا كان : $d (s) = s٢$ فإن مجموعة حل المعادلة : $d (٢s) - d (s + ١) =$ صفر هي

- Ⓐ { ٠ } Ⓑ { ١، ٠ } Ⓒ { ١ } Ⓓ { -١ }

53 منحنى الدالة : $d (s) = s٣$ هو صورة منحنى الدالة $r : r (s) = -s٣$ بالانعكاس في

- Ⓐ $s = ٠$ Ⓑ $s = ٠$ Ⓒ $s = s$ Ⓓ $s = -s$

54 معادلة محور التماثل لمنحنى الدالتين d ، r حيث $d (s) = s٣$ ،

$r (s) = (\frac{1}{٣})٣$ هي

- Ⓐ $s = ٠$ Ⓑ $s = ٠$ Ⓒ $s = s$ Ⓓ $s = -s$

55 منحنى الدالة : $d (s) = s٢ + ٢$ يقطع محور الصادات في النقطة

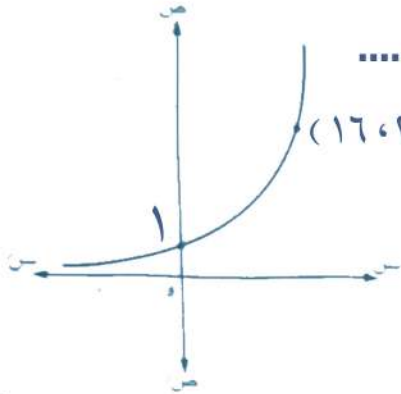
- Ⓐ (١، ٠) Ⓑ (٢، ٠) Ⓒ (٤، ٠) Ⓓ (٨، ٠)

56 أي من الدوال المعرفة بالقواعد الآتية تمثل دالة نعام أسّي ؟

- Ⓐ $d (s) = s^{-٢}$ Ⓑ $d (s) = (\frac{1}{٣})٣$ Ⓒ $d (s) = s٣$ Ⓓ $d (s) = (\frac{٢}{٣})٣$

57 أي من الدوال المعرفة بالقواعد الآتية تمثل دالة تناؤل أسّي؟

- (أ) $d(s) = 2^s$ (ب) $d(s) = \left(\frac{1}{3}\right)^s$ (ج) $d(s) = s^3$ (د) $d(s) = \left(\frac{2}{3}\right)^s$



58 الشكل المقابل يمثل منحنى الدالة $v = 2^s$ فإن $p = \dots$

- (أ) 2
(ب) 3
(ج) 4
(د) 9

59 مجموعة حل المعادلة $|5s - 1| = 4 + 1$ هي

- (أ) $\left\{\frac{4}{5}\right\}$ (ب) $\left\{\frac{4}{5}, \frac{6}{5}\right\}$ (ج) \emptyset (د) $\left\{\frac{6}{5}\right\}$

60 مجموعة حل المعادلة: $|4 - s^2| = |1 + s|$ هي

- (أ) $\{0, 1\}$ (ب) $\{1, -5\}$ (ج) $\{1, -5\}$ (د) $\{-1, -5\}$

61 مجموعة حل المعادلة: $|1 - s^2| = 2 + s$ هي

- (أ) $\{3\}$ (ب) $\left\{\frac{1}{3}, 3\right\}$ (ج) $\left\{\frac{1}{3}, 3\right\}$ (د) \emptyset

62 مجموعة حل المعادلة: $|2 - s| = 2 - s$ هي

- (أ) $\{2\}$ (ب) $[-\infty, 2]$ (ج) ح (د) \emptyset

63 مجموعة حل المعادلة: $\frac{1}{s} = 1$ في ح هي

- (أ) $\{0\}$ (ب) ح⁺ (ج) ح⁻ (د) $[-\infty, 0]$

64 إذا كانت: $d(s) = \sqrt{s+1} + |s|$ فإن مجموعة حل المعادلة: $d(s) = 2$ في ح

- (أ) $\{2, -2\}$ (ب) $\{1, -1\}$ (ج) $\{0, 2\}$ (د) $\{0, -1\}$

65 إذا كانت: $d(s) = |2 - s| + 4$ فإن مجموعة حل المعادلة: $d(s) = 6$ هي

- (أ) $\{4, 0\}$ (ب) $\{2, -2\}$ (ج) $\{4, 2\}$ (د) $\{4, -2\}$

66 مجال الدالة $d: (s) = \frac{1}{|s| + 3}$ هو

- Ⓐ ح Ⓑ {3-، 3} Ⓒ ح - {3-، 3} Ⓓ ح - {3}

67 الدالة $d: (s) = \frac{س ظاس}{|س|}$ من حيث نوعها تكون

- Ⓐ فردية . Ⓑ زوجية . Ⓒ ليست فردية وليست زوجية Ⓓ أحادية

68 مجموعة حل المتباينة: $|س| < 1$ هي

- Ⓐ $]-∞، 0[$ Ⓑ ح Ⓒ $∅$ Ⓓ ح - {0}

69 مجموعة حل المتباينة: $|س - 2| - 5 ≥ 9$ في ح هي

- Ⓐ $]-∞، 7[$ Ⓑ $]-7، 2[$ Ⓒ ح - $]-7، 2[$ Ⓓ $]-2، 7[$

70 مجموعة حل المتباينة: $|س + 2| < 1$ في ح هي

- Ⓐ $]-3، 1[$ Ⓑ ح Ⓒ ح - $]-3، 1[$ Ⓓ $∅$

71 مجموعة حل المتباينة: $4 - 6|س| ≤ 14$ في ح هي

- Ⓐ $]-3، 5[$ Ⓑ $]-3، 5[$ Ⓒ ح - $]-3، 5[$ Ⓓ $]-5، 3[$

72 مجموعة حل المتباينة: $س^2 - 4س + 4 < 0$ في ح هي

- Ⓐ ح - {2} Ⓑ ح - {2-} Ⓒ ح Ⓓ $∅$

73 مجموعة حل المتباينة: $س^2 - 2س + 1 ≤ 4$ في ح هي

- Ⓐ $]-5، 3[$ Ⓑ ح - $]-5، 3[$ Ⓒ ح - $]-5، 3[$ Ⓓ ح - $]-3، 5[$

74 مجموعة حل المتباينة: $|س - 2| + |س - 6| - 4 ≥ 21$ هي

- Ⓐ $]-5، 2[$ Ⓑ ح - $]-5، 2[$ Ⓒ ح - $]-5، 2[$ Ⓓ $]-2، 5[$

75 مجال الدالة د: د (س) = $\sqrt{1 - 2s}$ هو

- (أ) [١،١-] (ب) ح- [١،١-] (ج) [١،١-] (د) ح- [١،١-]

76 إذا كان: $s = 5$ فإن $2 = s$ =

- (أ) ١٠ (ب) ٦٢٥ (ج) ٤ (د) ٢

77 إذا كان: $s = 2$ = $5 = 2 + s$ =

- (أ) ١٥ (ب) ٤ (ج) ١٠ (د) ٢٠

78 إذا كان: $s = 3$ = $64 = s$ =

- (أ) ٥١٢ (ب) ١٦ (ج) ٤ (د) ٢

79 إذا كان: $s = 4$ = $128 = s$ =

- (أ) ٤ (ب) $2 \pm$ (ج) ٢ (د) ٢-

80 إذا كان: س، ص \in ح فإن: $s = 6$ =

- (أ) $s = 3$ (ب) $|s = 3|$ (ج) $\frac{1}{3} s = 6$ (د) $\pm s = 3$

81 إذا كان: $s = 1$ = $44 = s - 2$ =

- (أ) ١٨ (ب) ٢٢ (ج) ١٠ (د) ١٦

82 إذا كان: $s = 4$ = $2 = \frac{4}{3}$ = $32 = s + s$ =

- (أ) ١٦ (ب) ٠ (ج) ١٦، ١٦- (د) ١٦، ٠

83 مجموعة حل المعادلة: $s^3 + s^3 - 3s = 12$ هي

- (أ) {٢، ١} (ب) {٣، ٠} (ج) {٤، ٣} (د) {٢، ١-}

84 إذا كان : ٣ = ٢ ، ٢ = ٩ فإن : س ص =

١٨ (د)

٨ (ج)

٣ (ب)

٢ (أ)