

الحركة المستقيمة

العلاقة بين متجه الموضع ومتجه الإزاحة

$$\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt}$$

معييار متجه الإزاحة > المسافة المقطوعة

السرعة المتوسطة

$$\bar{v} = \frac{\text{المسافة الكلية}}{\text{الزمن الكلي}}$$

متجه السرعة المتوسطة

$$\bar{v} = \frac{\text{الإزاحة الكلية}}{\text{الزمن الكلي}}$$

$$\bar{v} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1}$$

السرعة النسبية لجسيم (ب) بالنسبة لجسيم آخر (أ)

↗ نفس الاتجاه (مبتعدة) ← متضادين (مقتربة)

الجسمي

$$\pm \bar{v}_A \text{ نسبة } \bar{v}_B \text{ نسبة } \bar{v}_C$$

الجسمي

$$\bar{v}_A - \bar{v}_B - \bar{v}_C$$

الاتجاه واحد متضادين

أستاذ أشرف حسن عبده
المهندس صالح المرسي

حركة منتظمة التغير

العلاقة بين السرعة والزمن

$$v = at + v_0$$

العلاقة بين السرعة والمسافة

$$v^2 = v_0^2 + 2as$$

العلاقة بين المسافة والزمن

$$s = v_0t + \frac{1}{2}at^2$$

العلاقة بالسرعة المتوسطة

$$s = \bar{v}t$$

$$s = \left[\frac{v_0 + v}{2} \right] t$$

$$s = \left[\frac{v_0 + v}{2} \right] \times \left[\frac{v - v_0}{a} \right]$$

السرعة المتوسطة خلال الثانية اللحظية هي السرعة اللحظية في منتصف الفترة الزمنية

$$v_{\text{متوسط}} = \frac{v_0 + v}{2}$$

المسافة خلال الثانية اللحظية

$$s = v_0t + \frac{1}{2}at^2$$

$$s = \left[\frac{v_0 + v}{2} \right] \times \left[\frac{v - v_0}{a} \right]$$

قوانين الحركة الرأسية

الجسم صاعد	الجسم هابط
$v = v_0 - gt$	$v = v_0 + gt$
$v^2 = v_0^2 - 2gs$	$v^2 = v_0^2 + 2gs$
$s = v_0t - \frac{1}{2}gt^2$	$s = v_0t + \frac{1}{2}gt^2$
زمن أقصى ارتفاع $v = 0$	$t = \frac{v_0}{g}$
مسافة أقصى ارتفاع $v = 0$	$s = \frac{v_0^2}{2g}$
سرعة الجسم عند أقصى ارتفاع تساوي صفر $v = 0$	
سقط الجسم أو بدأ الجسم حركته من السكون $v_0 = 0$	
زمن الصعود للجسم يساوي زمن الهبوط	
مقدار سرعة الجسم التي يعود بها إلى نقطة القذف تساوي مقدار سرعة القذف بإشارة مخالفة	
إذا قذف جسم رأسياً لأعلى من ارتفاع h عن سطح الأرض	
	$v^2 = v_0^2 - 2gs$

قانون الجذب العام لنيوتن

$$F = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$$

العلاقة بين عددي الجاذبية

$$\frac{g_1}{g_2} = \frac{m_1}{m_2} \times \left(\frac{r_2}{r_1} \right)^2$$

• $F = \text{ثق}$ إذا كان الجسم موضوع على سطح الأرض

• $F = \text{ثق} + E$ يبعد عن الأرض E متر



لا حظ جيداً

المراقب صور الحرف الثاني
و يلاحظ الأشاره للسرعه
تند ما يكونه في اتجاهين متضادين

السرعه النسبيه

$$u_p = v_p - v_s$$

سرعه p بالنسبه الى n

$$u_{pn} = v_p - v_n$$

مثال ١

تتحرك سياره على
طريقه مستقيم بسرعه ٧٥ كم/س
فاذا تحركت على الطريقه نفسه
سياره بسرعه ٤٥ كم/س فما سرعتها
بالنسبه للسياره في حاله
الاتيين

١ الدرايه والسياره في اتجاه واحد

٢ الدرايه عكس لسياره

الحل

فلي بالان لسياره v_p
الدرايه v_n

عند اربع سرعه الدرايه بالنسبه للسياره
يبقى لسياره هو المراقب

١ في نفس الاتجاه

$$u_{pn} = v_p - v_n = 75 - 45 = 30$$

ملاحظه

لما نقول فبدن وما نلاحظه
يبقى في سرعه نسبيه
فلا حظ سرعتها كما سرعه نسبيه

الآن

١ اذا كان $v_p = 120$
 $v_n = 80$ فما u_{pn}
 $u_{pn} = v_p - v_n = 120 - 80 = 40$

٢ اذا كان $v_p = 120$

$$v_n = 80 \text{ فما } u_{pn} = v_p - v_n = 120 - 80 = 40$$

٣ اذا كان $v_p = 70$

$$v_n = 0 \text{ فما } u_{pn} = v_p - v_n = 70 - 0 = 70$$

الدراسة في نفس اتجاه لسيارة

المراقب صعد لسيارة صعدت به

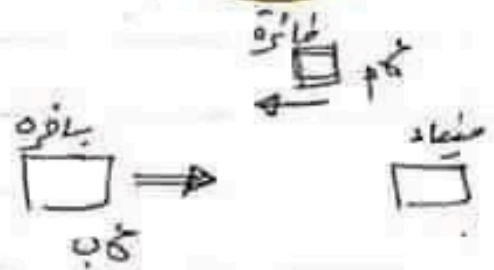
$$\begin{aligned}
 & 70 \text{ كم} = 70 \text{ كم} \\
 & 40 \text{ كم} = 40 \text{ كم} \\
 & 70 \text{ كم} - 40 \text{ كم} = 30 \text{ كم} \\
 & 110 \text{ كم} = 70 \text{ كم} + 40 \text{ كم}
 \end{aligned}$$

٢

سؤال ٢

تتحرك بافكرة في خط مستقيم نحو ميناء ولما وصلت على بعد ١٠٠ كم منه مرت فوقها طائرة تطير في الاتجاه المضاد بسرعة ٣٠ كم/س ومن بعدت حركته البافرة (صعدت) لها متحركة بسرعة ٢٥٠ كم/س أين أين كم من الوقت حتى لو صعدت البافرة إلى الميناء

الحل



الزاهد صعد الطائرة ٣٠ صعدت بحركتها

$$70 \text{ كم} - 40 \text{ كم} = 30 \text{ كم}$$

$$70 \text{ كم} = 30 \text{ كم}$$

$$110 \text{ كم} = 70 \text{ كم} + 40 \text{ كم}$$

$$70 \text{ كم} - 40 \text{ كم} = 30 \text{ كم}$$

$$70 \text{ كم} - 30 \text{ كم} = 40 \text{ كم}$$

$$70 \text{ كم} = 30 \text{ كم} + 40 \text{ كم} = 70 \text{ كم}$$

! سرعة البافرة ٥٠ كم/س فقد البافرة

السرعة: $\frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}}$! الزمن: $\frac{\text{المسافة}}{\text{السرعة}}$

$$\frac{100}{50} = 2 \text{ ساعات}$$

سؤال ٢

تتحرك سيارة إدار لمراقبة

السرعة على الطريق السريع

بسرعة ٤٠ كم/س راقبت

صعدت لسيارة حركت حياقة نقل قارورة

في الاتجاه المضاد، (صعدت) وكما أنها

تتحرك بسرعة ١٢٠ كم/س فما السرعة

القطار لسيارة النقل

الحل

سيارة إدارت ٤٠ كم/س المراقب

سيارة النقل ١٢٠ كم/س

المراقب صعد لسيارة حركت حياقة النقل

$$120 \text{ كم} - 40 \text{ كم} = 80 \text{ كم}$$

$$120 \text{ كم} = 40 \text{ كم} + 80 \text{ كم}$$

$$120 \text{ كم} = 40 \text{ كم} + 80 \text{ كم}$$

$$120 \text{ كم} = 40 \text{ كم} + 80 \text{ كم}$$

أين أنها تتحرك بسرعة

٨٠ كم/س في الاتجاه المضاد

مثال ٤

قطع راكب دراجة على طريقه مستقيم مسافة ٢٧,٥ كم بسرعة ٢٥ كم/س. ثم قطع ١٨ كم بسرعة ١٢ كم/س. أوجد متوسط السرعة المتوسطة خلال الرحلة كلها إذا كانت

- ١) الاتجاهات في اتجاه واحد.
- ٢) الاتجاهات في اتجاهين متضادين.

الحل

نرمز لمسافة الأول = $\frac{27,5}{25} = \frac{1,1}{1}$ ساعة
 نرمز لمسافة الثانية = $\frac{18}{12} = \frac{1,5}{1}$ ساعة
 ∴ الزمن الكلي = $1,5 + 1,5 = 3$ ساعة
 إذا كانت الاتجاهات في اتجاه واحد
 $\frac{1}{\text{كم}} = \frac{18 + 27,5}{3} = \frac{45,5}{3}$
 أي أنه في نفس الاتجاه
 ومقداره = $15,166 \text{ كم/س}$

- ٢) الاتجاهات في اتجاهين متضادين
 $\frac{1}{\text{كم}} = \frac{18 - 27,5}{3} = \frac{-9,5}{3}$

٦,٥ كم/س وفي اتجاه اليمين الأول.

مثال ٥

في نظام إحداثي متعامد إذا كانه جسم عند الموقع (٣,٧) بعد مرور ٣ ثانية به بداية حركته وأصبح عند (١٣, ١١) بعد مرور ٥ ثوانيه أوجد

- ١) تبيّن سرعة الجسم
- ٢) صيّر متجه السرعة لمركبه
- ٣) اتجاه متجه السرعة لمركبه

الحل

هذا الملخص مقدم من جروب العظماء
 بحث تليجرام: @ELGREATS1

$$\frac{\sqrt{13} - \sqrt{7}}{13 - 7} = \frac{\sqrt{2}}{6}$$

$$\frac{(1,67)}{2} = \frac{(2,7) - (1,1)}{3 - 0} =$$

$$\frac{\sqrt{2}}{3} + \frac{\sqrt{2}}{3} = (2,3)$$

$$\frac{\sqrt{2}}{3} = \sqrt{(2)^2 + (2)^2} = \sqrt{8} = 2,828$$

الاتجاه ظاهر = $\frac{2}{3}$
 ∴ $0,667 \sqrt{8} = 1,67$

تدريب

إذا كان جسم عند الموضع (٥,٣) عند (٥,٦) و (٥,٧) أوجد متجه السرعة لمركبه وكذلك صيّر واتجاهه

مثال ٦

تطرح قطار المساندة بين القاهرة والاسكندرية على مرحلتين الأولى من القاهرة إلى طنطا ومسافتها ١٥٠ كم. البرية ١٥٠ كم من طنطا والمرحلة الثانية من طنطا إلى الاسكندرية ومسافتها ١٢٠ كم. البرية ٩٠ كم من طنطا كان القطار قد توقف في طنطا لمدة ١٠ دقائق أو بعد وقت سرته لطنطا في وقت الرحلة الكلية.

الحل

الجزء الأول	التوقف	الجزء الثاني
$\frac{150}{v_1} = \frac{100}{v_2}$	١٠	١٢٠
$\frac{150}{v_1} = \frac{100}{v_2}$	$\frac{10}{60}$	$\frac{1}{6}$
$\frac{150}{v_1} = \frac{100}{v_2}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$

$\frac{150}{v_1} = \frac{100}{v_2} + 10 + \frac{1}{6} = \frac{1}{6}$

$\frac{150}{v_1} = \frac{100}{v_2} = \frac{1}{6}$
 سرعة ٩٠ كم/س
 وله نفس اتجاه $\frac{1}{6}$

ملاحظة

وإذا كان عندك مسارتين متقابلتين بعد زمان t من الزمان = مسافة الأولى من القاهرة لطنطا = مسافة الثانية من الاسكندرية لطنطا

مثال ٧

حديقتان m و n ب الويد بينهما مستقيم تمامت سيارة m متجهة إلى ب بيرة ٢٥ كم/س وفي نفس اللحظة تمامت سيارة أخرى n ب متجهة نحو ب بيرة ٦٥ كم/س أو بعد متى وأين ستقابلان لسيارتهم تلتاً بأنه فوك الويد ١٨٠ كم

الحل

بهن ياسيدي
 صفا مسافة الأولى + مسافة الثانية = طول الويد
 وزمنه الأولى = زمنه الثانية = t
 له فالتراجم الثانية = بيرة x بيرة ؟

$180 = 25t + 65t$

$180 = 90t$

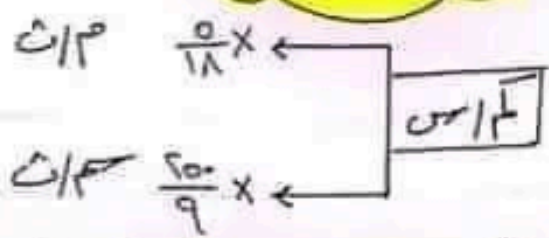
$180 = 90t \Rightarrow t = 2$ ساعة

لذا لسيارتهم تتقابلان بعد مرور ساعتين من بدء التران
 بعد $2 \times 25 = 50$ كم من m
 أو $2 \times 65 = 130$ كم من n



الدرس الأول الحركات المستقيمة

تحويلات إحداثيات



العلاقة بين سرعة الموقع وسرعة الإزاحة

$$v = \frac{dx}{dt} - \frac{dx'}{dt}$$

سرعة الموقع $\leftarrow \frac{dx}{dt}$
 سرعة الإزاحة $\leftarrow \frac{dx'}{dt}$
 عند اللحظة $t = 0$

مثال ١

يتحرك جسم بحيث كان سرعة موضعه

$$v = \frac{dx}{dt} = (3 + t) + \frac{dx}{dt} = (2 - 3t)$$

أوجد سرعة الإزاحة في

الحل

$$\frac{dx}{dt} = (2 - 3t) + \frac{dx}{dt} = 3$$

$$\frac{dx}{dt} = 3 \Rightarrow \frac{dx}{dt} = 3$$

$$v = \frac{dx}{dt} = 3 \Rightarrow \frac{dx}{dt} = 3$$

٢ معيار الإزاحة كإزاحة هي $v = 2$

الحل

$$\frac{dx}{dt} = 10 + \frac{dx}{dt} = 2$$

$$\frac{dx}{dt} = 2 - \frac{dx}{dt} = 2$$

مقارنة الإزاحة هي $v = 2$

$$\frac{dx}{dt} = 2 + \frac{dx}{dt} = 2$$

$$v = \sqrt{(10)^2 + (2)^2} = \sqrt{104}$$

٣ معيار الإزاحة بين الكائنين

$v = 2$ إلى $v = 2$

الحل

$$\frac{dx}{dt} = 10 + \frac{dx}{dt} = 2$$

$$\frac{dx}{dt} = 2 + \frac{dx}{dt} = 2$$

مقارنة الإزاحة $\frac{dx}{dt} = 2 - 2 = 0$

$$\frac{dx}{dt} = 2 + \frac{dx}{dt} = 2$$

$$v = \sqrt{(10)^2 + (2)^2} = \sqrt{104}$$

مثال ٢

يتحرك جسم بحيث كانت سرعة موضعه

$$\frac{dx}{dt} = (1 + 2t) + \frac{dx}{dt} = (3 - 2t)$$

أوجد

١ سرعة الإزاحة في

٢ معيار سرعة الإزاحة كإزاحة هي $v = 3$

٣ معيار الإزاحة بين الكائنين

$v = 1$ إلى $v = 0$

معمولة

مثال ٤

في مسائل السرعة والفراد والهجور بيده
 تكون سرعة الهجور بيده = سرعة الفراد + ليرت
 التي الحلقه بجما الهجور بيده

عامت ميانو سرتوتك (٢)
 التي تتحرك في خط مستقيم بجيبان
 السرعة النسبية لسيارة (ب) حادثه
 في الاتجاه المضاد فوجدتها ١٢٠ كم/س
 وطا خفضت (٢) سرتيها للنصف
 وعاتت بالقياس وجدت انه ليرت
 النسبية لـ (ب) اصبحت ١٠٠ كم/س
 فأوجد السرعة الفعلية لكل منهما

مثال ٥

تتحرك فراد وسفينه على مسار متغير
 فوجد كل منهما اتجاه الاخر وقد راقب
 الفراد سرعة لسفينه وعندما طانت كل بعد
 ٤ كم منه وعاتت سرعة لسفينه ٥٠ كم/س
 وسرعة الفراد ٦٤ كم/س الحلقه لهور بيده
 ليرت ١٢٦ كم/س اصبحت ليرت
 يفتن متى اصابت لسفينه

الحل

المراقب هو سيارة ليرت
 يعني اشارتها موجبه وفتكده
 الحرف الثاني والسرعة النسبية فتكده باليه

$$120 - v = 100$$

$$v = 20$$

الحل

كم (الفراد) = ١٢٦ + ٦٤ = ١٩٠ كم/س
 المراقب
 كم (لسفينه) = ٥٠ كم/س
 ليرت لسفينه = ١٩٠ - ٥٠ = ١٤٠ كم/س
 = ١٩٠ - ٥٠ = ١٤٠ كم/س
 اي انه يتحرك ليرت ١٤٠ كم/س
 ∴ ليرت = ٤ كم
 ∴ ليرت = $\frac{4}{140} = \frac{1}{35}$ ساعه
 = ١٠ دقائق

عنا خفضت ٢ سرتيها الى النصف

$$120 - \frac{v}{2} = 100$$

$$\frac{v}{2} = 20 \Rightarrow v = 40$$

بفران ليرت (٢) x (٢) والجمع والفرع

$$120 - \frac{v}{2} = 100$$

$$120 - \frac{v}{2} = 100$$

$$120 - \frac{v}{2} = 100$$

$$120 - 100 = \frac{v}{2}$$

$$20 = \frac{v}{2}$$

$$v = 40$$

الدرس الثاني
المركبة منتزعة التصغير في خط مستقيم

مثال

حول مجلات مقدارها
١ كم / ١٥٠ / ١٠ إلى

١

$$\frac{\text{متر}^2}{\text{كم}^2} = \frac{\text{كم}^2 / ١٥٠ / ١٠}{١٠٠ \times ١٠}$$

$$\frac{٢١٠٠}{١٠ \times ١٥٠ \times ١٠} = \frac{٢١٠٠}{١٥٠٠٠} = \frac{٢١}{١٥٠}$$

٢

$$\frac{\text{سم}^2}{\text{كم}^2} = \frac{١٠٠ \times ١٠٠}{١٠ \times ١٥٠ \times ١٠}$$

$$\frac{١٠٠}{١٥٠} = \frac{٢}{٣}$$

٣

$$\frac{\text{متر}^2 / \text{د}^2}{\text{كم}^2 / \text{م}^2} = \frac{٣١٠٠}{٦٠ \times ١٠٠ \times ١٠}$$

$$\frac{٥}{٤} = \frac{٣}{٤} \text{ / د}^2 \text{ / م}^2$$

$$\text{أو } \frac{٥}{٤} = \frac{٣}{٤} \text{ / م}^2 \text{ / د}^2$$

$$\frac{\text{حجبتين وحدة العبادت}}{\text{زمنه} \times \text{زمنه}} = \frac{\text{وحدة طول}}{\text{زمنه} \times \text{زمنه}}$$

$$D \leftarrow \text{العبدة}$$

$$N \leftarrow \text{الزمن}$$

$$F \leftarrow \text{إساقه أو إزلاق أو إرتفاع}$$

$$N \leftarrow \text{الزمن}$$

$$G \leftarrow \text{إسرة إنشائية (عند الزمن)}$$

$$H \leftarrow \text{إسرة إرتباطية}$$

$$\frac{G - H}{N} = D$$

المعادلة الأولى

$$N \cdot D + G = H$$

نستخدمها عندما لا توجد إسراية

المعادلة الثانية

$$F = N \cdot D + \frac{1}{2} N \cdot G$$

نستخدمها عندما لا توجد سرعة إنشائية

المعادلة الثالثة

$$G = H + D \cdot F$$

$$\text{أو } D \cdot F = G - H$$

$$\text{ونحسب } D = \frac{G - H}{F}$$

$$F = \frac{G - H}{D}$$

لا حظ ان

المسافة كمية متجهة
الإزاحة كمية متجهة

٢ المسافة الكلية المتطوية

الحل
المسافة = ٤٥ + ٢٥ = ٧٠ كم

٣ السرعة المتوسطة

الحل
السرعة المتوسطة (م/ث) = $\frac{\text{المسافة الكلية}}{\text{الزمن الكلي}}$

$\frac{70}{\frac{1}{4} + \frac{3}{4}} = ٥٦ \text{ كم/س}$

٤ نتيجة السرعة المتوسطة

$\frac{\text{الإزاحة الحادثة}}{\text{الزمن الكلي}} = (م/ث)$

$\frac{٢٠ \text{ كم}}{\frac{1}{4} + \frac{3}{4}} = ١٦ \text{ م/ث}$

السرعة المتوسطة (م/ث) = $\frac{\text{المسافة الكلية}}{\text{الزمن الكلي}}$

نتيجة سرعة متوسطة (م/ث)

$\frac{٢٧ - ١٧}{١٧ - ٢٧}$

$\frac{٩}{١٧ - ٢٧} =$

نستخدمها هنا
نطابقها بـ ١٧
ونطرح الزمن

$\frac{\text{الإزاحة الحادثة}}{\text{الزمن الكلي}}$

نستخدمها هنا
بكونه فنحن انزاحات
ونجمع الزمن

ماتريكس

هذا الملخص مقدم من جروب العظماء
@ELGREATS1

في السرعة المتوسطة



مثال ٣

قطعت سيارة ٤٥ كم
على طريق مستقيم خلال $\frac{3}{4}$ ساعة
ثم عادت فقطعت ٢٥ كم في الاتجاه
العكس في زمن قدره $\frac{1}{4}$ ساعة أوجد

١ الإزاحة الحادثة
 $\frac{٢٠ \text{ كم}}{٣} = ٢٠ - \frac{٤٥}{٣}$

